

PRUEBA PARA LA OBTENCIÓN DEL TÍTULO DE GRADUADO EN EDUCACIÓN SECUNDARIA



CANARIAS



ÁMBITO CIENTÍFICO TECNOLÓGICO
MATEMÁTICAS

MAYO 2018

Ejercicio 1

De un depósito que estaba lleno se han sacado $\frac{2}{3}$ del total y, después, $\frac{1}{5}$ del total. Sabiendo que aún quedan 400 litros, ¿cuál era la capacidad del depósito?

Solución:

En primer lugar se calcula la fracción total de líquido que se ha sacado del depósito. Para ello se suman las fracciones extraídas.

$$\frac{2}{3} + \frac{1}{5} = \frac{10 + 3}{15} = \frac{13}{15}$$

Como se han extraído las $\frac{13}{15}$ del depósito, quedan en su interior $\frac{2}{15}$.

Esto se puede calcular restado a 1 (el total) lo extraído ($\frac{13}{15}$).

$$1 - \frac{13}{15} = \frac{15 - 13}{15} = \frac{2}{15}$$

Por lo tanto $\frac{2}{15}$ del total (x) serán 400 litros.

$$\frac{2}{15} \cdot x = 400 \longrightarrow x = \frac{400 \cdot 15}{2} = 3000$$

La capacidad del depósito era de **3000 litros**.

Ejercicio 2

Al pagar una factura nos han hecho un descuento del 15% de su importe total y la misma ha quedado reducida a 127,50 €, ¿cuál era el importe inicial de la factura?

Solución:

Para calcular el importe inicial podemos utilizar la fórmula general de los aumentos y disminuciones porcentuales.

$$\text{Cantidad final} = \text{Cantidad inicial} \cdot \left(1 - \frac{\%}{100}\right)$$

Sustituyendo los datos del ejercicio:

$$127'5 = x \cdot \left(1 - \frac{15}{100}\right) \longrightarrow 127'5 = x \cdot (1 - 0'15) \longrightarrow 127'5 = x \cdot 0'85 \longrightarrow x = \frac{127'5}{0'85} = 150$$

El importe inicial de la factura era de **150 euros**.

Ejercicio 3

En una oposición se hacen 15 preguntas en total. Cada respuesta correcta se puntúa con 2,5 puntos y cada fallida se penaliza con 1 punto. Una persona recibe 20 puntos después de haber contestado las 15 preguntas. ¿Cuántas acertó?

Solución: Se define: x ="número de respuestas acertadas" e y ="número de respuestas falladas"

Se definen las ecuaciones a partir del enunciado.

"En una oposición se hacen 15 preguntas en total": $x + y = 15$

"Una persona recibe 20 puntos después de haber contestado las 15 preguntas": $2,5x - y = 20$

Pudiendo escribir el sistema de ecuaciones correspondiente al problema.
$$\begin{cases} x + y = 15 \longrightarrow y = 15 - x \\ 2,5x - y = 20 \end{cases}$$

Resolveré el sistema utilizando el método de sustitución. Despejo la y de la primera ecuación.

Y se sustituye en la segunda.

$$\longrightarrow 2,5x - (15 - x) = 20 \longrightarrow 2,5x - 15 + x = 20 \longrightarrow 3,5x = 35$$

Se sustituye en la ecuación despejada para calcular y .

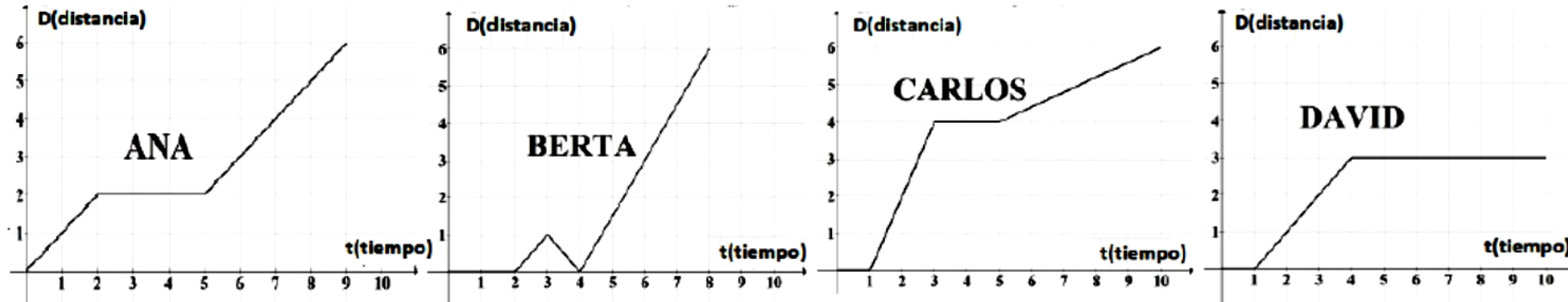
$$\longrightarrow y = 15 - x = 15 - 10 = 5$$

Acertó 10 preguntas y falló 5 preguntas.

$$x = \frac{35}{3,5} = 10$$

Ejercicio 4

Cuatro trabajadores (Ana, Berta, Carlos y David) que comparten casa van al mismo centro de trabajo. Observa la gráfica distancia (D) situada en el eje vertical –tiempo (t) situada en el eje horizontal de cada uno:



Solución:

- ¿Quién ha salido antes? Ana se ha puesto en marcha en el instante inicial.
- ¿Quién ha llegado más tarde? Carlos, ya que ha llegado a las 10 unidades de tiempo.
- ¿Quién no ha ido hoy a trabajar? David, ya que ha recorrido solo 3 unidades de distancia. Los otros han recorrido 6 unidades de distancia.
- ¿Quién ha ido más rápido? Berta es la que primero llega, lo hace a las 8 unidades de tiempo.

Ejercicio 5

Esta tabla muestra las longitudes de unos postes y de sus sombras en un momento determinado:

LONGITUD DEL POSTE (m)	0,5	1	1,5	2	2,5
LONGITUD DE LA SOMBRA (m)	1,25	2,5	3,75	5	6,25

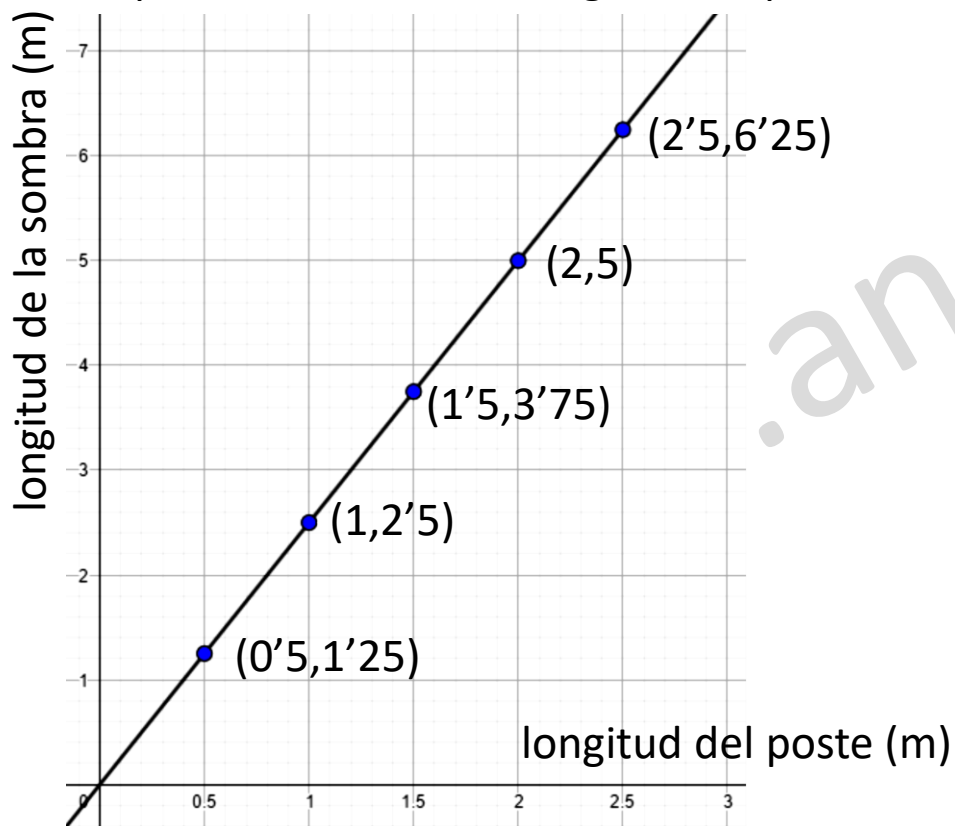
Representa la función longitud del poste – longitud de la sombra. Escribe su ecuación y di cuál es su pendiente.

Calculo la pendiente:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{6'25 - 1'25}{2'5 - 0'5} = \frac{5}{2} = 2'5$$

La ecuación de la recta es $y=m \cdot x$, ya que pasa por el origen de coordenadas.

$$y = 2'5 \cdot x$$



¿Qué longitud tiene un poste que arroja una sombra de 3 m?

Se sustituye y por el valor dado: 3 m.

$$3 = 2'5 \cdot x \longrightarrow x = \frac{3}{2'5} = 1'2 \text{ m}$$

La longitud del poste es de 1'2 m.

¿Qué longitud tendrá la sombra de un poste de 3,5 m?

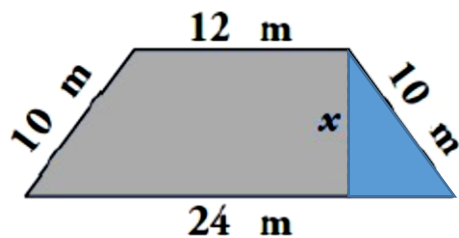
Se sustituye x por el valor dado: 3'5 m.

$$y = 2'5 \cdot 3'5 = 8'75 \text{ m}$$

La sombra mediría 8'75 m.

Ejercicio 6

Nos han encargado pintar una pared cuyo plano figura a continuación y para hacer el presupuesto necesitamos un dato que no tenemos, la altura de la misma. Las medidas que tenemos son:

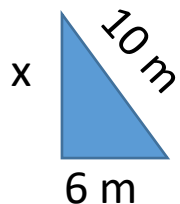


¿Cuánto mide la altura de la pared?

¿Cuántos metros cuadrados de pared tendremos que pintar?

Solución: Para calcular la altura se debe utilizar el teorema de Pitágoras en el triángulo rectángulo.

Se puede calcular la base del triángulo. $b = \frac{24 - 12}{2} = 6 \text{ m}$



$$\text{hipotenusa}^2 = \text{cateto}_1^2 + \text{cateto}_2^2$$

$$\text{cateto}_1^2 = \text{hipotenusa}^2 - \text{cateto}_2^2$$

$$x^2 = 10^2 - 6^2$$

$$x^2 = 100 - 36 = 64$$

$$x = \sqrt{64} = 8$$

La altura es 8 metros.

Ahora debemos calcular el área del trapecio:

$$A = \frac{(B + b) \cdot h}{2}$$

$$A = \frac{(24 + 12) \cdot 8}{2} = \frac{36 \cdot 8}{2} = 144 \text{ m}^2$$

El área que hay que pintar es 144 m².

Ejercicio 7

¿Cuántos litros de agua caben en este depósito?
(Utiliza 3,14 como el valor de π)

Solución:

Observamos que el depósito está formado por un cilindro de 4 metros de altura y la mitad de otro cilindro de 4 metros de altura.

Se calcula el volumen del primer cilindro.

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot h \quad \text{Siendo } r=2,5 \text{ m y } h=4 \text{ m.}$$

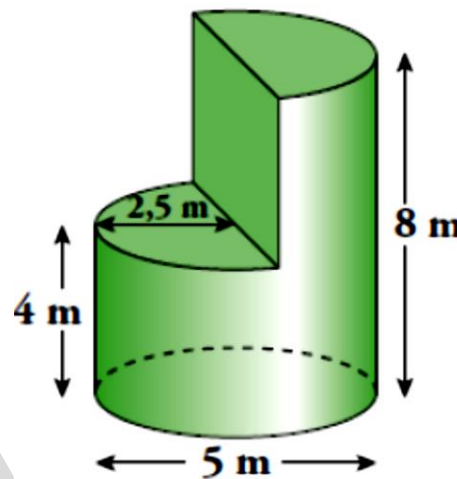
$$V = 3,14 \cdot 2,5^2 \cdot 4 = 78,5 \text{ m}^3$$

El volumen del segundo cilindro es justo la mitad.

$$V' = \frac{78,5}{2} = 39,25 \text{ m}^3$$

El volumen total es la suma de ambos volúmenes.

$$V_T = V + V' = 78,5 + 39,25 = 117,75 \text{ m}^3$$



Ahora convertimos los m^3 en litros (dm^3).

$$117,75 \text{ m}^3 \cdot \frac{1000 \text{ dm}^3}{1 \text{ m}^3} = 117.750 \text{ dm}^3$$

El volumen del depósito es 117.750 litros.

Ejercicio 8

Hemos recibido en el almacén 100 cajas de vasos. Comprobamos las mismas para averiguar cuántos vasos se han roto en el transporte. Estos son los resultados:

N.º DE VASOS ROTOS	0	1	2	3	4
N.º DE CAJAS	50	30	10	5	5

Solución:

Calculo la columna adicional $x_i \cdot f_i$

x_i	f_i	$x_i \cdot f_i$
0	50	0
1	30	30
2	10	20
3	5	15
4	5	20
TOTAL:	100	85

Se calcula la suma de las columnas f_i y $x_i \cdot f_i$

Y se aplica la fórmula correspondiente:

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \cdot f_i}{N} = \frac{85}{100} = 0'85$$

La media es 0'85.

a) Calcula el número medio de vasos rotos por caja y la moda de la distribución.

b) Representa los datos en un gráfico que te parezca adecuado.

La moda es el valor que tiene mayor frecuencia:

La moda es **0**.

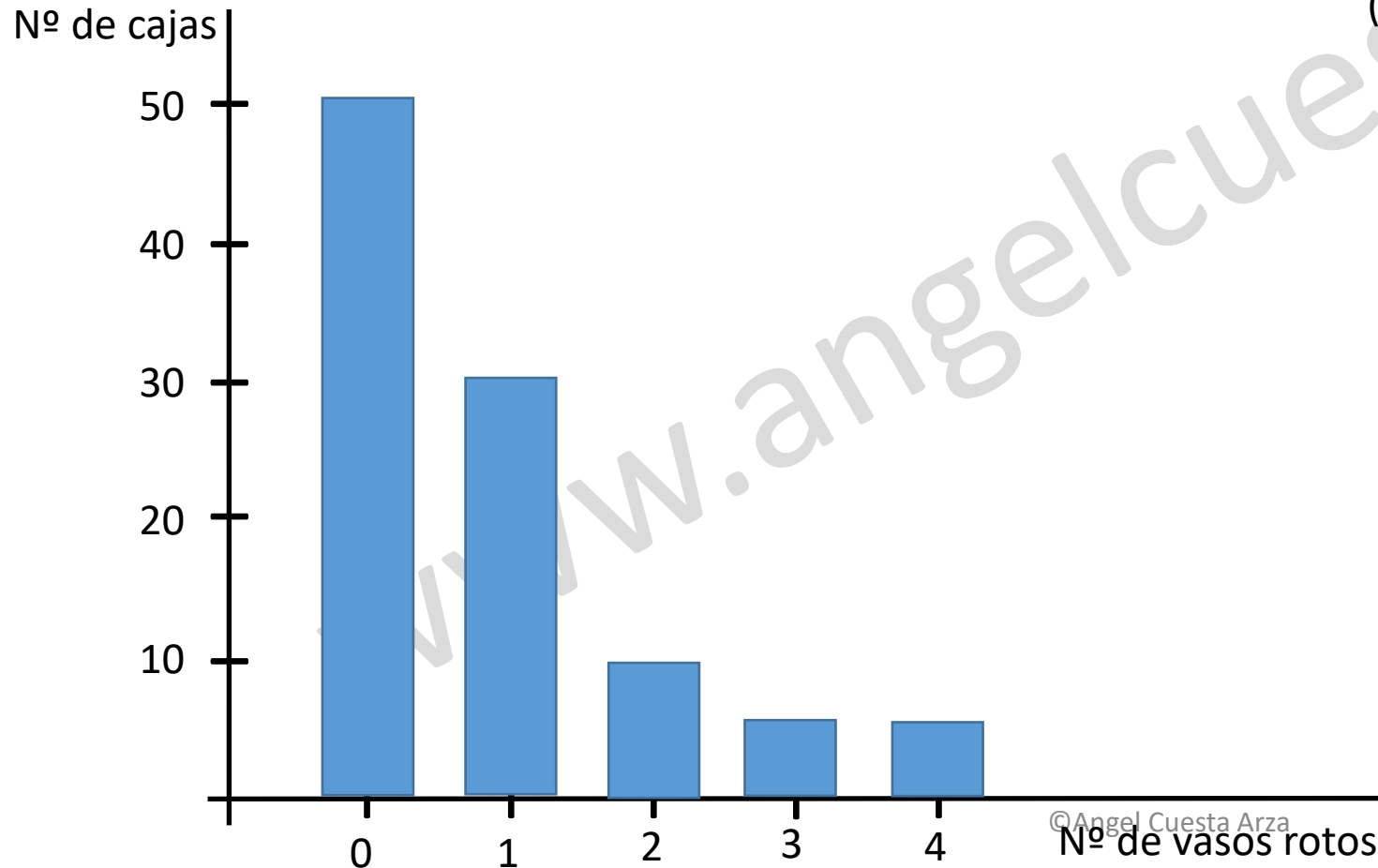
Ejercicio 8

b) Representa los datos en un gráfico que te parezca adecuado.

N.º DE VASOS ROTOS	0	1	2	3	4
N.º DE CAJAS	50	30	10	5	5

Por ser una variable cuantitativa discreta, el gráfico más conveniente es el diagrama de barras.

En el eje X se pondrá el número de vasos rotos (variable) y en el eje Y el número de cajas (frecuencia absoluta)



Ejercicio 9

Se ha hecho una encuesta para saber con qué regularidad se lee el periódico en una ciudad:

Completa la tabla.

Si hubo 145 personas que respondieron "nunca", ¿a cuántas se encuestó?

RESPUESTA	%
Todos los días	37,2
Una vez a la semana	29,2
Una vez al mes	10,4
Alguna vez al año	11,2
Nunca	11'6
No contesta	0,4

Solución:

La suma total de los porcentajes debe ser igual a 100.

Al sumar todos los porcentajes: $37'2 + 29'2 + 10'4 + 11'2 + 0'4 = 88'4 \%$

Se calcula el porcentaje que falta hasta llegar a 100 %. $100 - 88'4 = 11'6 \%$

El número total de personas lo podemos calcular a partir de la definición de porcentaje:

$$\% = \frac{N^{\circ} \text{ de personas que contestan "nunca"}}{N^{\circ} \text{ de personas encuestadas}} \cdot 100 \longrightarrow 11'6 = \frac{145}{x} \cdot 100 \longrightarrow x = \frac{145}{11'6} \cdot 100 = 1250$$

Se encuestaron a 1250 personas.

Ejercicio 10

En una reunión de una asamblea internacional de trabajadores hay 50 europeos, 54 africanos, 35 americanos, 48 asiáticos y 13 oceánicos. Si se elige al azar a su portavoz:

¿Qué probabilidad hay de que sea europeo o americano?

¿Qué probabilidad hay de que no sea asiático?

Solución:

Para calcular la probabilidad se debe utilizar la regla de Laplace. $P = \frac{N^{\circ} \text{ de casos favorables}}{N^{\circ} \text{ de casos totales}}$

¿Qué probabilidad hay de que sea europeo o americano? $P = \frac{50 + 35}{50 + 54 + 35 + 48 + 13} = \frac{85}{200} = \frac{17}{40}$

La probabilidad que hay de que sea europeo o americano es **17/40**.

¿Qué probabilidad hay de que no sea asiático?

$$P = \frac{50 + 54 + 35 + 13}{50 + 54 + 35 + 48 + 13} = \frac{152}{200} = \frac{19}{25}$$

La probabilidad que hay de que no sea asiático es **19/25**.